

Exercice 4. 12 points

On considère le repère orthogonal affixe en annexe 1.

1. Dans ce repère, placez les points  $R(-4; 4)$ ,  $S(4; 3)$ ,  $T(2; 0)$  et  $U(-6; 1)$ .

2. (a) Calculer les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{RT}$  et celles du vecteur  $\overrightarrow{ST}$ .

(b) Quelle est la nature du quadrilatère  $RSTS$ ? Justifier.

3. (a) Construire le point  $R'$  symétrique du point  $R$  par rapport au point  $U$ .

(b) Vérifier la coïncidence de votre réponse sur la figure.

4. (a) Calculer la longueur du segment  $[RT]$ .

Donner la valeur exacte puis un arrondi au dixième.

(b) On admet que  $RT = \sqrt{52}$  et  $RT' = \sqrt{104}$ .

Prouver que le triangle  $RTT'$  est un triangle rectangle.

5. (a) Calculer le milieu  $F$  du segment  $[RS]$ .

(b) Calculer les coordonnées de  $F$ .

Vérifier la coïncidence de votre réponse sur la figure.

6. (a) Citez l'affirmation : "Les points  $R$ ,  $S$  et  $T$  appartiennent à un même cercle".

À l'aide de la raison ? Si oui, précisez le centre et le rayon de ce cercle. Justifier précisément la réponse.

(b) En écrivait l'aire du triangle  $RTT'$  à l'aide de  $RT$ , calculer  $RT'$ .

1

exercice 4 2) a-  $\overrightarrow{RU} = (-6 - (-4), 1 - 4)$   
 $= (-2, -3)$

$$\overrightarrow{ST} = (2 - 4, 0 - 3)$$

$$= (-2, -3)$$

$$b- RU = \sqrt{(-6 - (-4))^2 + (1 - 4)^2}$$

$$= \sqrt{(-2)^2 + (-3)^2}$$

$$= \sqrt{4 + 9}$$

$$= \sqrt{13}$$

$$ST = \sqrt{(2 - 4)^2 + (0 - 3)^2}$$

$$= \sqrt{(-2)^2 + (-3)^2}$$

$$= \sqrt{4 + 9}$$

$$= \sqrt{13}$$

$$\overrightarrow{RS} = (4 - (-4), 3 - 4)$$

$$= (8, -1)$$

$$\overrightarrow{UT} = (2 - (-6), 0 - 1)$$

$$= (8, -1)$$

$$RS = \sqrt{(4 - (-4))^2 + (3 - 4)^2}$$

$$= \sqrt{8^2 + (-1)^2}$$

$$= \sqrt{64 + 1}$$

$$= \sqrt{65}$$

$$UT = \sqrt{(2 - (-6))^2 + (0 - 1)^2}$$

$$= \sqrt{8^2 + (-1)^2}$$

$$= \sqrt{64 + 1}$$

$$= \sqrt{65}$$

$$\overrightarrow{RT} = \sqrt{(2 - (-4))^2 + (0 - 4)^2}$$

$$= \sqrt{6^2 + (-4)^2}$$

$$= \sqrt{36 + 16}$$

$$= \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$$

$$US = \sqrt{(4 - (-6))^2 + (3 - 1)^2}$$

$$= \sqrt{10^2 + 2^2}$$

$$= \sqrt{100 + 4}$$

$$= \sqrt{104} = 2\sqrt{26}$$

$$\overrightarrow{RT} = \sqrt{(-4 - (-4))^2 + (2 - 4)^2}$$

$$= \sqrt{0^2 + (-2)^2}$$

$$= \sqrt{0 + 4}$$

$$= \sqrt{4} = 2$$

$$\overrightarrow{UT} = \sqrt{(-1 - (-6))^2 + (2 - 1)^2}$$

$$= \sqrt{5^2 + 1^2}$$

$$= \sqrt{25 + 1}$$

$$= \sqrt{26}$$

$$\overrightarrow{RT} - \overrightarrow{RT} = \overrightarrow{RI}$$

$$= 2\sqrt{13} - \sqrt{13}$$

$$= \sqrt{13}$$

$$\overrightarrow{TS} = \overrightarrow{US} - \overrightarrow{UT}$$

$$= 2\sqrt{26} - \sqrt{26}$$

$$= \sqrt{26}$$

La nature du quadrilatère  $RSTS$  est un losange car  $[RS]$  et  $[UT]$  sont parallèles et ont la même longueur et les diagonales  $[RT]$  et  $[US]$  ne sont pas de même longueur mais se coupent en leur milieu.

3) b-  $\overrightarrow{R'} = \overrightarrow{U} - \overrightarrow{UR}$   
 $\overrightarrow{R'} = (-6 - 2, 1 - 3)$   
 $\overrightarrow{R'} = (-8, -2)$

les coordonnées du point  $R'$  sont  $(-8, -2)$